



澳 門 科 技 大 學  
MACAU UNIVERSITY OF SCIENCE AND TECHNOLOGY

二零一七／二零一八學年入學考試  
ADMISSION EXAMINATION 2017/2018

**M104 數學附卷**  
**MATHEMATICS SUPPLEMENTARY PAPER**

1. 已知函數  $f(x) = \cos 2\omega x + 2 \sin \omega x \cos \omega x (\omega > 0)$  的最小正週期為  $\pi$ 。

(a) 求  $\omega$  的值； (10 分)

(b) 求  $f(x)$  的單調遞增區間。 (10 分)

Suppose that the minimum positive period of the function  $f(x)$  is  $\pi$ , where

$$f(x) = \cos 2\omega x + 2 \sin \omega x \cos \omega x (\omega > 0).$$

(a) Find the value of  $\omega$ ; (10 marks)

(b) Find the increasing interval(s) of the function  $f(x)$ . (10 marks)

2. 已知函數  $f(x) = (x+e) \ln x - c(x-e)$ 。

(a) 當  $c=5$  時，求曲線  $y=f(x)$  在點  $(e, f(e))$  處的切線方程； (10 分)

(b) 當  $x>e$  時， $f(x)>2e$ 。求  $c$  的取值範圍。 (10 分)

Let  $f(x) = (x+e) \ln x - c(x-e)$ .

(a) When  $c=5$ , find an equation of the tangent line to the graph of the function

$y=f(x)$  at the point  $(e, f(e))$ . (10 marks)

(b) If  $x>e$ , then  $f(x)>2e$ . Find the range of  $c$ . (10 marks)

3. 因式分解行列式  $\begin{vmatrix} 1 & x & x^2 \\ 1 & y & y^2 \\ 1 & z & z^2 \end{vmatrix}$ 。 (20 分)

Factorize the determinant  $\begin{vmatrix} 1 & x & x^2 \\ 1 & y & y^2 \\ 1 & z & z^2 \end{vmatrix}$ . (20 marks)

4. 求由函數  $y^2 = 4x$  及  $y = x - 3$  所圍區域的面積。 (20 分)

Find the area of the region bounded by the graphs of  $y^2 = 4x$  and  $y = x - 3$ . (20 marks)

5. 已知複數  $z$  滿足  $|z+4| = |z+4i|$ ，且  $z + \frac{26-z}{z-1}$  為實數，其中  $i = \sqrt{-1}$ 。求該複數  $z$ 。 (20 分)

Suppose the complex  $z$  satisfies  $|z+4| = |z+4i|$  and  $z + \frac{26-z}{z-1} \in R$ , where

$i = \sqrt{-1}$ . Find  $z$ . (20 marks)